

Zusammenfassung elektrische Felder

Zwischen elektrischen Ladungen besteht ein elektrisches Feld.

Man definiert die elektrische Feldstärke E als Kraft pro (Probe-)ladung:

$$E = \frac{F}{q}$$

Man misst, dass die Flächenladungsdichte proportional zur Feldstärke ist:

$$(1) \quad E = \frac{1}{\epsilon_0} \frac{q}{A} \quad \text{mit } \epsilon_0 = 8,85 \cdot 10^{-12} \frac{C^2}{Nm^2} \quad (\text{elektrische Feldkonstante})$$

Um eine Ladung q im elektrischen Feld eine Strecke s zu bewegen, braucht man natürlich Energie:

$$W = F \cdot s = q \cdot E \cdot s$$

Die Energie pro Ladung, um sie von A nach B zu bewegen, nennt man elektrische Spannung (oder elektrisches Potenzial):

$$\frac{W_{AB}}{q} = U_{AB}$$

Im elektrischen Feld eines Plattenkondensators ist E überall gleich groß! Um eine Ladung q von einer auf die andere Platte zu schaffen (Abstand d) braucht man also die Energie:

$$W_{AB} = E \cdot d \cdot q$$

$$\frac{W_{AB}}{q} = U_{AB} = E \cdot d \Rightarrow E = \frac{U}{d} \quad (2)$$

Aus den Gleichungen (1) und (2) folgt:

$Q = \epsilon_0 \cdot \frac{A}{d} \cdot U$. Ladung und Spannung sind also proportional. Man definiert

(ganz allgemein) $C = \frac{Q}{U}$ als Kapazität (Einheit: Farad) eines

Kondensators. Speziell beim Plattenkondensator gilt also $C = \epsilon_0 \cdot \frac{A}{d}$.

Bringt man zusätzlich ein Medium zwischen die Platten ein (mit

Dielektrizitätskonstante ϵ_r), so gilt $C = \epsilon_0 \epsilon_r \cdot \frac{A}{d}$.

Die Energie, die in einem Kondensator gespeichert ist, berechnet man

als:

$$E_{elek.} = \frac{1}{2} C U^2$$

